

TI

N. Journet

Transformations  
2D

Morpho-math

Convolution

# Introduction au traitement d'images

## Détection de contours

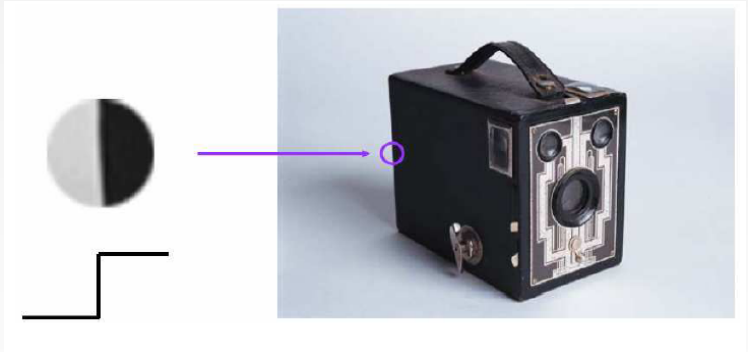
Nicholas Journet

12 janvier 2011

- ▶ Qu'est-ce qu'un contour ?
- ▶ Dérivée d'une image
- ▶ Implémentations (filtres)

# Définition

Un contour est une variation brusque d'intensité



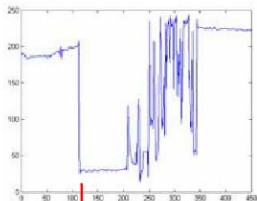
## Définition

Transformations

2D

Morpho-math

Convolution



# Définition

- ▶ Par définition, un contour est la frontière qui sépare deux objets dans une image (une discontinuité de l'image)
- ▶ Dans notre cas, nous détecterons toutes les lignes marquant des changements d'intensité
  - ▶ Pas seulement les contours !
  - ▶ Abus de langage sur la notion de contours !

# Exemple

## Exemples de détection des discontinuités

de profondeur



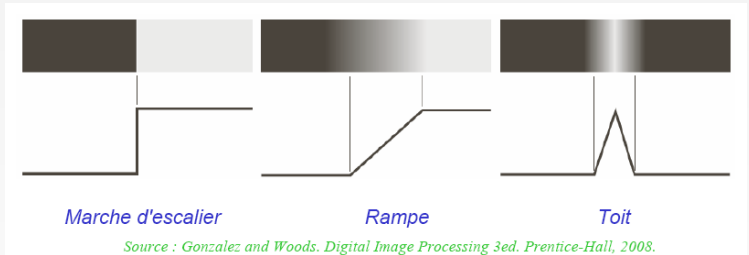
d'orientation  
de surface

de réflectance

d'illumination

*Source : Jacques-André Landry. Vision robotique. ETS.*

# Différents types de contours

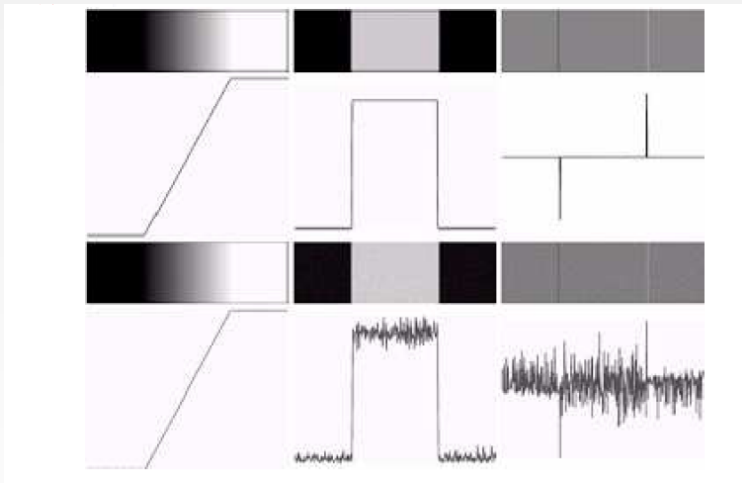


# Contours bruités

Transformations  
2D

Morpho-math

Convolution



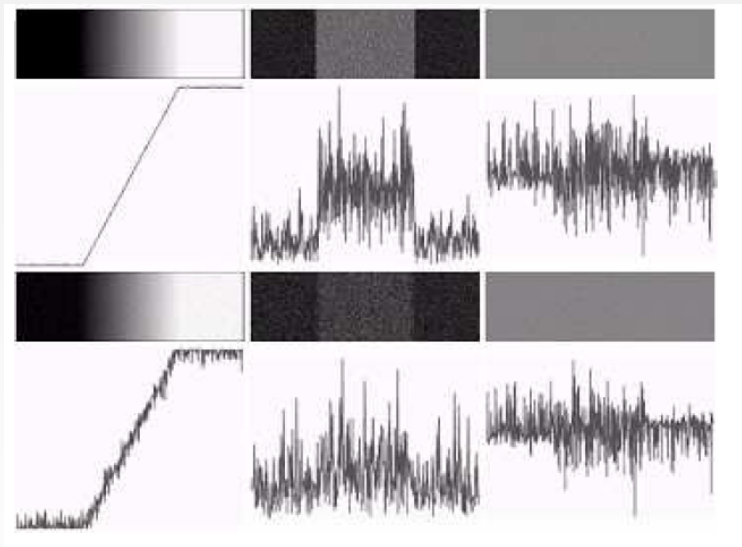


## Contours très bruités

Transformations  
2D

Morpho-math

Convolution



## Dérivée première de l'image

Rappel : l'image est une fonction.

$$I : (x, y) \rightarrow I(x, y)$$

La première dérivée (gradient) de l'image est l'opérateur de base pour mesurer les contours dans l'image.

$$\nabla I = \left( \frac{\partial I(x, y)}{\partial x}, \frac{\partial I(x, y)}{\partial y} \right)$$

# Dérivée d'une image

Image 1D  $f(x)$



1ère dérivée  $f'(x)$



$|f'(x)|$



Pixels contours:

$|f'(x)| > \text{Seuil}$



TI

N. Journet

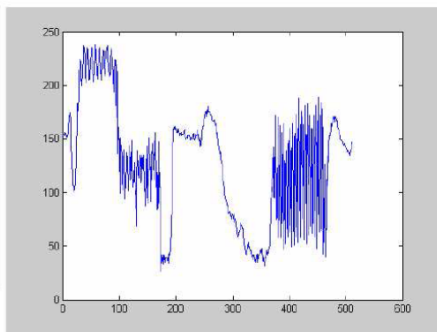
# Etude d'un signal 1D

Transformations

2D

Morpho-math

Convolution



TI

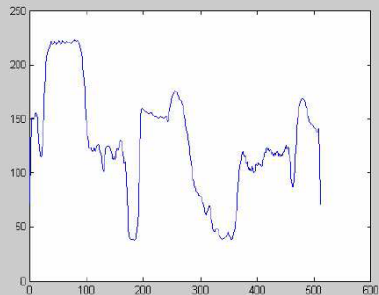
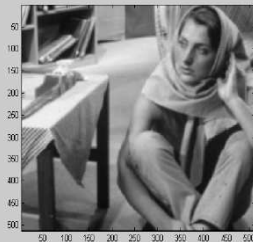
N. Journet

Transformations  
2D

Morpho-math

Convolution

# Etude d'un signal 1D



TI

N. Journet

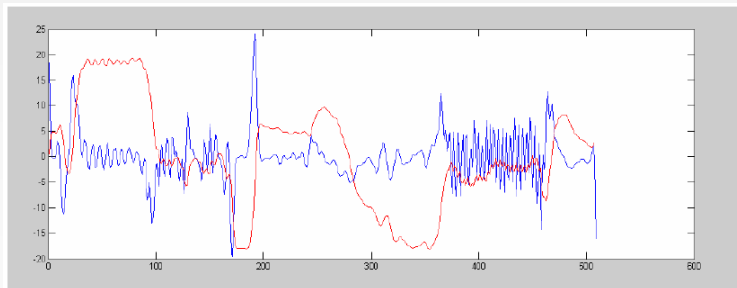
# Signal et sa dérivée

Transformations

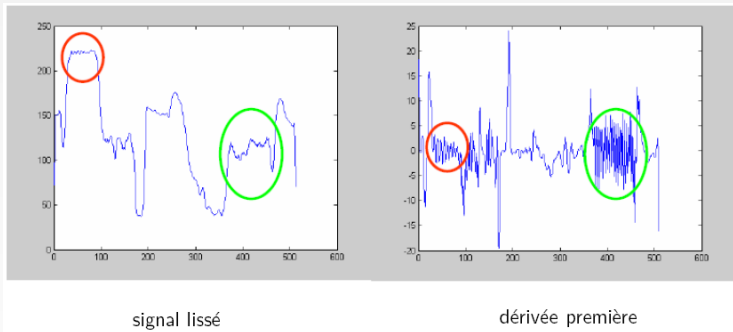
2D

Morpho-math

Convolution

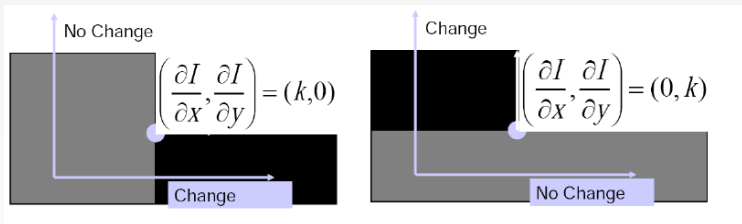


# Signal et sa dérivée à la loupe



# Notion de gradient

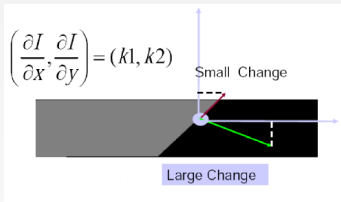
$$\nabla I = \left( \frac{\partial I(x, y)}{\partial x}, \frac{\partial I(x, y)}{\partial y} \right)$$





# Notion de gradient

- ▶ le gradient est un vecteur perpendiculaire au contour
- ▶ l'amplitude du gradient mesure la force du contour



Le gradient est caractérisé par un module  $m$  et une direction  $\phi$  dans l'image.

$$m = \left( \frac{\partial I(x, y)}{\partial x}^2 + \frac{\partial I(x, y)}{\partial y}^2 \right)^{1/2}$$

$$\phi = \arctan\left(\frac{\partial I(x, y)}{\partial y} / \frac{\partial I(x, y)}{\partial x}\right)$$

## Dérivation par différences finies

Une image est discrète par nature. On cherche donc à approximer les dérivées par différences finies.

$$\nabla_x I(x, y) = I(x, y) - I(x - n, y)$$

ou alors :

$$\nabla_x I(x, y) = I(x + n, y) - I(x - n, y)$$

avec en général  $n=1$ .

Ces dérivées sont calculées par convolution de l'image avec un masque de différences

$$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

## Dérivation par différences finies - Opérateurs

Opérateur de Prewitt :

$$h1 = 1/3 \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad h2 = 1/3 \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

Opérateur de Sobel :

$$h1 = 1/4 \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad h2 = 1/4 \begin{bmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

## Lissage + dérivée de l'image

Opérateur de Prewitt : moyennage + dérivée

$$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad \text{Opérateur de Sobel :}$$

Gaussienne + dérivée

$$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad \text{Détection des contours}$$

moins sensible aux bruits.

# Exemples

Transformations

2D

Morpho-math

Convolution

*Original**Gradient horizontal (Sobel)**Gradient vertical (Sobel)**Module du gradient de  
Sobel*

## Deuxième dérivée de l'image

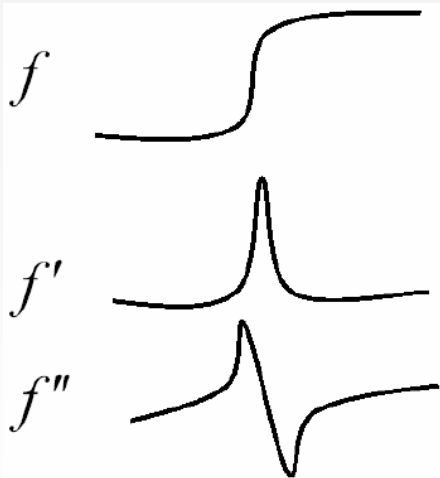
- ▶ Une autre approche pour trouver les contours de l'image est d'utiliser la dérivée seconde de l'image
- ▶ Pour cela on utilise le Laplacien comme opérateur

$$\nabla^2 I = \frac{\partial^2 I}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 I}{\partial y^2}$$

## Dérivées de l'image

Les contours correspondent :

- ▶ Aux maxima de la première dérivée
- ▶ Aux passages par zéros de la deuxième dérivée

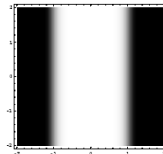
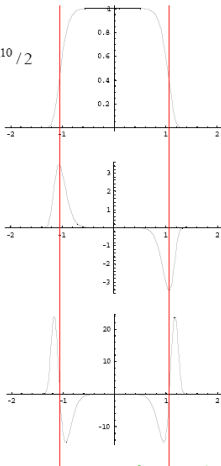
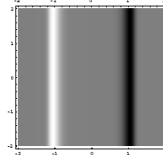
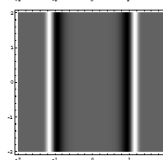


## Dérivées de l'image

$$f(x, y) = e^{-x^{10}/2}$$

$$\frac{\partial f}{\partial x}$$

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2}$$

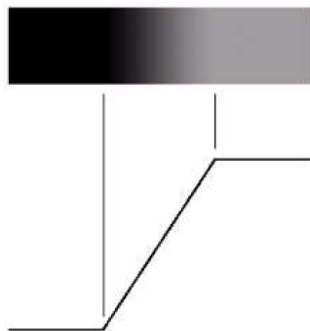
*Image**Première  
dérivée**Deuxième  
dérivée*

Source : Caroline Rougier. Traitement d'images (IFT2730). Univ. de Montréal.



# Exemple

## Détection de la frontière



Première  
dérivée

Deuxième  
dérivée

Foncé

Pale

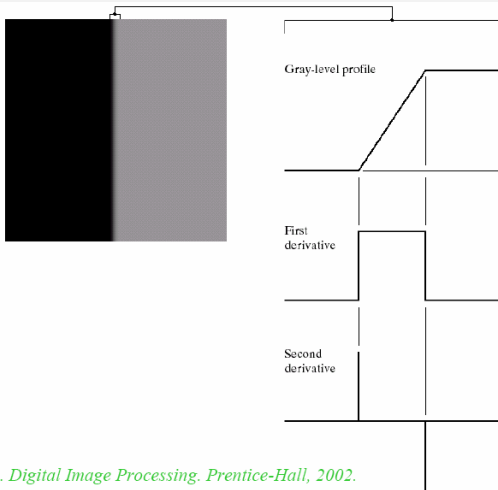
Passage à zéro

## Exemple

a b

**FIGURE 10.6**

(a) Two regions separated by a vertical edge.  
(b) Detail near the edge, showing a gray-level profile, and the first and second derivatives of the profile.



Source : Gonzalez and Woods. *Digital Image Processing*. Prentice-Hall, 2002.

## Laplacien par convolution

L'estimation du laplacien d'une image se fait de la même manière par convolution de l'image avec un masque. Le laplacien est approximé par différences finies :

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

ou

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -8 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

Une seule matrice de convolution !

# Exemple

Transformations

2D

Morpho-math

Convolution



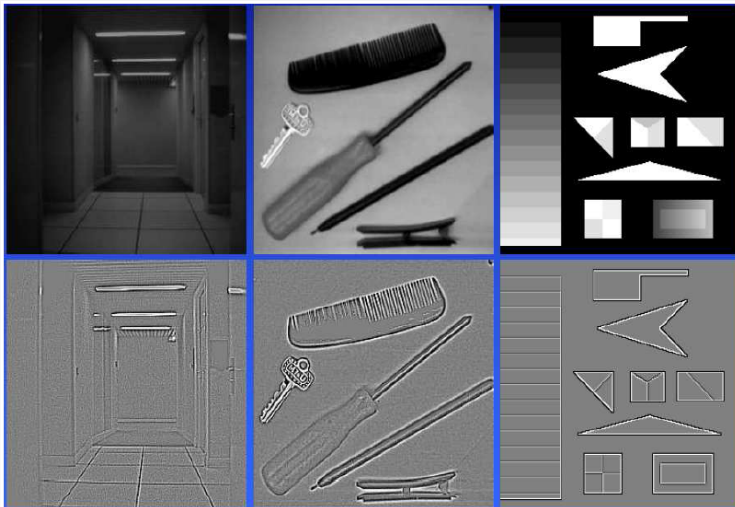
## Exemple

Transformations

2D

Morpho-math

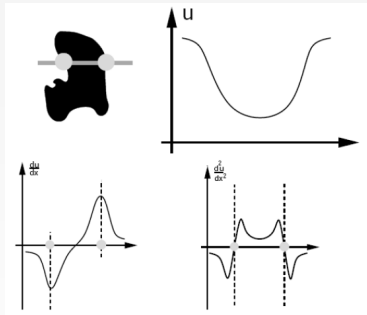
Convolution



# Détection de contours

Etude des dérivées de la fonction d'intensité dans l'image

- ▶ les extrema locaux du gradient de la fonction d'intensité
- ▶ difficulté : la présence de bruit dans les images



## Détection de contours :Seuillage du gradient

les points de contour dans une image sont caractérisés par des extrema locaux du gradient. Une première approche consiste donc à :

1. calculer la norme du gradient en tous point de l'image
2. sélectionner les pixels à l'aide d'un seuil fixé a priori pour la norme du gradient.

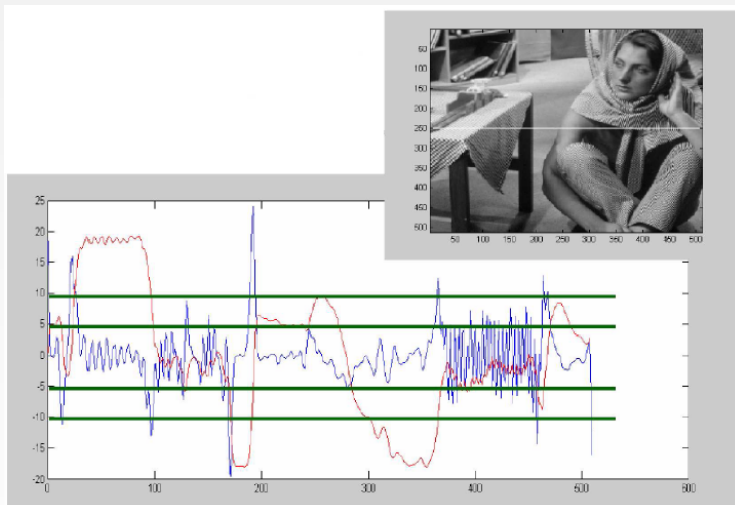
Mais : ne permet pas de différencier efficacement les points de contour du bruit.

# Détection de contours : Seuillage du gradient

Transformations  
2D

Morpho-math

Convolution





# Détection de contours : Seuillage du gradient



Gradient

Gradient seuillé ( $|G| > G_{min}$ )

Seuil faible



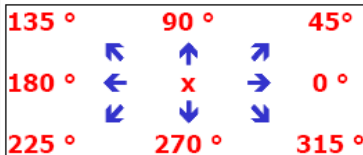
Seuil grand

# Filtrage optimal : Canny

- ▶ Filtre optimal pour la détection des contours
  - ▶ Filtre en plusieurs étapes (pas seulement une convolution)
- ▶ Etant donnés
  - ▶ un modèle de contour (marche)
  - ▶ un modèle de bruit (blanc gaussien)
- ▶ Caractériser les performances en termes de :
  - ▶ détection (surtout pour les contours faibles)
  - ▶ localisation (contour détecté proche du contour réel)

# Filtrage optimal : Canny

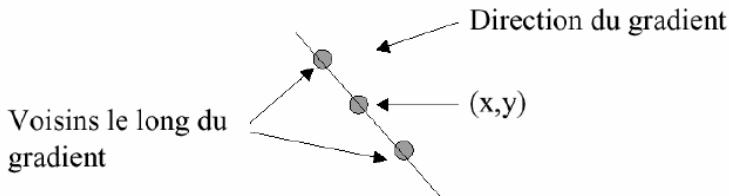
1. Appliquer un filtre Gaussien sur l'image
  - ▶ Filtre passe-bas pour enlever le bruit
2. Calculer l'intensité du gradient dans l'image
  - ▶ Filtre de Sobel en  $X$  et  $Y$
  - ▶ Calcul de la norme  $|G| = |G_x| + |G_y|$
3. Calculer les directions du gradient dans l'image
  - ▶ Direction du gradient  $\theta = \arctan(G_y/G_x)$
  - ▶ Arrondi des directions par multiples de  $\pi/4$



## Filtrage optimal : Canny

Suppression des non-maxima :

Si la norme du gradient en un pixel  $(x, y)$  est inférieure à la norme du gradient d'un de ses 2 voisins le long de la direction du gradient, alors mettre la norme pour le pixel  $(x, y)$  à zéro.



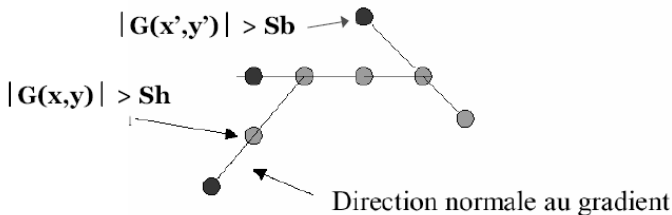
## Filtrage optimal : Canny

Seuillage des contours (hystérésis) :

Utilise deux seuils : un seuil haut  $S_h$  et un seuil bas  $S_b$ .

Pour chaque pixel de la norme du gradient :

1. Si  $norme(x, y) < S_b$  alors le pixel est mis à 0 ( $\notin$  contour)
2. Si  $norme(x, y) > S_h$  alors le pixel  $\in$  contour
3. Si  $S_b \leq norme(x, y) \leq S_h$  alors le pixel  $\in$  contour s'il est connecté à un autre pixel déjà accepté comme contour.



## exemple

Image  
originale

Sobel

Suppression des  
non-maxima

Seuillage



Source : Caroline Rougier. *Traitement d'images (IFT2730)*. Univ. de Montréal.

## Conclusion :

- ▶ Aucun opérateur n'est parfait pour détecter les contours
- ▶ En pratique, on obtient des contours incomplets
  - ▶ il y a des pixels superflus
  - ▶ il y a des manques
  - ▶ il y a des erreurs de position et d'orientation des pixels contours
- ▶ Chacun semble avoir sa préférence pour une méthode ou une autre
- ▶ Un opérateur de détection de contour n'est qu'une première étape dans la chaîne de segmentation